

电磁学试题库

试题 8 答案

一, 选择题 (每小题 2 分, 共 20 分)

1 B 2 A 3 B 4 D 5 A 6 B 7 C 8 B 9 B 10 A

二, 填空题 (每小题 3 分, 共 36 分)

1 $\frac{q}{6\epsilon_0}$, 2 $\frac{A}{(a+b)^2}$, 3 导体内 E 处处为零, 4 位移极化, 取向极化。5 电荷的运动 (电

流)。6 洛仑兹力, $\vec{v} \times \vec{B}$ 。7 非线性, 高 μ 值, 磁滞。8 $\frac{U_1}{U_2} = -\frac{N_1}{N_2}$, $\frac{I_1}{I_2} = -\frac{N_1}{N_2}$

9 $(1 + \sqrt{2})$, 10 $10^3 \Omega$, 11, 0 12, b 变化的电场产生变化的磁场。

三, 计算题

1 (12 分) 解: 由高斯定理 $\oiint_s \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum q}{\epsilon_0}$, 选择半径为 r 的球面为高斯面

$$(1) \quad \text{则} \quad \vec{E} \cdot 4\pi r^2 = \frac{\sum q}{\epsilon_0} \quad \sum q = \frac{1}{\epsilon_0} \int_0^r \rho \cdot 4\pi r^2 dr$$

$$r < R \quad \text{时,} \quad \sum q = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_0 - \frac{\rho_0}{R}\pi r^4$$

$$\therefore E = \frac{\rho_0}{3\epsilon_0} r - \frac{\rho_0}{4R\epsilon_0} r^2$$

$$r > R \quad \text{时,} \quad \sum q = \int_0^R 4\pi \rho r^2 \cdot dr = \frac{1}{3}\pi R^3 \rho_0$$

$$\therefore E = \frac{R^3 \rho_0}{12 \epsilon_0 r^2}$$

$$(2) \quad \text{由} \quad \frac{dE}{dr} = 0 \quad \text{得} \quad r = \frac{2}{3}R \quad \text{处} \quad E \text{ 最大, 且} \quad E_{\max} = \frac{\rho_0}{9\epsilon_0} R$$

2 (10 分) 解: 应用环路定理 $\oint_l \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$ 选一矩形回路,

$$\text{则, 在内部,} \quad B4a = \mu_0 \sum I$$

$$= \mu_0 \cdot j \cdot 2y \cdot 2a$$

$$\therefore B = \mu_0 j y$$

$$\text{在外部,} \quad B4a = \mu_0 \sum I$$

$$= \mu_0 \cdot j \cdot 2d \cdot 2a$$

$$\therefore B = \mu_0 j d$$

\vec{B} 的方向由右螺旋法则判定。

3 (12分)

$$(1) \text{ 解: } \because Z = \frac{U}{I} = \frac{120 + j50}{8 + j6} = 12.6 - j3.2$$

$$\therefore r = 12.6(\Omega)$$

$$z z = \sqrt{12.6^2 + 3.2^2} = 13(\Omega)$$

(2) 解: 设各支路电流分别为 I_1, I_2, I_l

$$\text{对于节点 } I_1 + I_2 = I_l$$

$$\text{对于回路 } \varepsilon_1 - \varepsilon_2 = I_1 R_1 - I_2 R_2$$

$$\varepsilon_2 = I_2 R_2 - I_l R_l$$

联立求解得: $I_1 = 3.1(A), I_2 = 1.1(A), I_l = 4.2(A)$

4 (10分) 解: 由毕-萨定律知, 直线电流 i 产生的磁场 B 为

$$(1) \quad B = \frac{\mu_0 i}{2\pi a}$$

$$\text{又 } d\Phi_m = B \cdot dS = \frac{\mu_0 i}{2\pi x} dS$$

$$dS = l dx$$

$$\therefore \Phi_m = \int d\Phi_m = \int_a^b \frac{\mu_0 i}{2\pi x} l dx = \frac{\mu_0 i l}{2\pi} \ln \frac{b}{a}$$

(2) 由法拉第定律

$$\varepsilon = - \frac{d\Phi_m}{dt} = - \frac{d}{dt} \left(\frac{\mu_0 i l}{2\pi} \ln \frac{b}{a} \right)$$

$$(i = I_0 \sin \omega t)$$

$$\therefore \varepsilon = \frac{\mu_0 I_0 l \omega}{2\pi} \ln \frac{b}{a} \cos \omega t$$