

## 电磁学试题库

## 试题 6 答案

一、填空题：（每小题 2 分，）

1、  $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 R^2} \frac{Q}{4\pi R^2} \Delta S$  2、 电荷宏观运动停止，内部电场处处为零。

3、 位移极化，取向极化。 4、 电流或电荷的运动。

5、 高  $\mu$  值、非线性、磁滞。 6、  $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}, Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$

7、  $\vec{j}_d = \frac{d\vec{D}}{dt}, i_d = \frac{d\phi_D}{dt}$  。 8、  $-\frac{N_1}{N_2}; -\frac{N_2}{N_1}$  。 9、  $u = \int \vec{E} \cdot d\vec{l}; \vec{E} = -\frac{\partial u}{\partial n} \vec{n}$

10、  $\oint_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\iint_s \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$        $\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \iint_s (\mu_0 \vec{j} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}) \cdot d\vec{S}$

$$\oiint_s \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \iiint_v \rho dv \quad \oiint_s \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

二、填空题：（每小题 5 分）

1、  $\vec{E}_p$  沿矢径  $\vec{r}$  的方向；  $E_p = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r}$  。 2、  $\frac{\mu_0 I}{8} (\frac{1}{a} - \frac{1}{b})$  。 3、  $M = \sqrt{L_1 L_2}$

4、  $C_1 : C_2 = \frac{(\epsilon_{r1} + \epsilon_{r2})^2}{4\epsilon_{r1}\epsilon_{r2}}$  。 5、  $\phi_m = \frac{\pi m^2 v^2}{e^2 B} = \frac{\pi m v}{e} R$  。 6、 900  $\Omega$

三、（15 分）解：应用高斯定理，选半径为  $r$  的同心球面为高斯面，

1、  $r < R_1$  时，因是导体内部，  $\therefore \vec{D} = 0 \quad \vec{E} = 0 \quad \vec{P} = 0$

$$R_1 < r < R_2 \quad \oiint_s \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q \quad \therefore D \cdot 4\pi r^2 = Q$$

$$\therefore \vec{D} = \frac{Q}{4\pi r^2} \vec{r} \quad \vec{E} = \frac{\vec{D}}{\epsilon} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 \epsilon_r r^2} \vec{r}$$

$$\vec{P} = \epsilon_0 (1 - \epsilon_r) \vec{E} = \frac{(1 - \epsilon_r) Q}{4\pi\epsilon_r r^2} \vec{r}$$

$$R_1 < r < \infty \quad \vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{r} \quad \vec{D} = \frac{Q}{4\pi r^2} \vec{r} \quad \vec{P} = 0$$

2、由  $\sigma' = (\vec{P}_2 - \vec{P}_1) \cdot \vec{n}_{21}$

$$\sigma'_{\text{内}} = -P(R_1) = -\frac{(1 - \epsilon_r)Q}{4\pi\epsilon_r R_1^2} \quad \sigma'_{\text{外}} = P(R_2) = -\frac{(1 - \epsilon_r)Q}{4\pi\epsilon_r R_2^2}$$

四、(15分) 解：应用环路定律，选回路 L 及环绕方向如图所示，

$$\text{由 } \oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$$

$$\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_{AB} \vec{B} \cdot d\vec{l} + 0 + \int_{CD} \vec{B} \cdot d\vec{l} + 0 = 2Bl = \mu_0 il$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0}{2} i$$

$\vec{B}$  的方向如图所示。

五、(10分) 解：由法拉第定律：

$$1、\quad \epsilon_{MN} = \frac{d\phi_m}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{\sqrt{3}}{16} R^2 B \right) = \frac{\sqrt{3}}{16} R^2 a$$

$$\epsilon_{NP} = 0 \quad \epsilon_{MQ} = 0 \quad \epsilon_{NP} = 0 \quad \epsilon_{PQ} = \frac{\sqrt{3}}{4} R^2 a$$

$$2、\quad \epsilon_{MNPQ} = \frac{d\phi_m}{dt} = \frac{3\sqrt{3}}{16} R^2 a \circ$$

六、(10分) 解：

$$Z = R_1 + R_2 + j(X_{L1} + X_{L2}) - j(|X_{C1}| + |X_{C2}|)$$

$$= 4 + j3(\Omega)$$

$$z = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5\Omega$$

$$I = \frac{U}{z} = \frac{100}{5} = 20 A$$